Çukurova Üniversitesi Mühendislik Mimarlık Fakültesi Dergisi, 26(2), ss. 47-55, Aralık 2011 *Çukurova University Journal of the Faculty of Engineering and Architecture*, 26(2), pp. 47-55, December 2011

Eğrisel Geniş Başlıklı Savak Üzerinden Geçen Açık Kanal Akımının Deneysel Ve Teorik Analizi

Oğuz ŞİMŞEK^{*1}, M. Sami AKÖZ,¹ ve Veysel GÜMÜŞ¹

¹Çukurova Üniversitesi, Müh. Mim. Fakültesi, İnşaat Mühendisliği Bölümü, Adana

Özet

Eğrisel geniş başlıklı savak üzerinden geçen akımın hız alanı, bir boyutlu Lazer Doppler Anemometresi (LDA) kullanılarak ölçülmüştür. Deney ile aynı akım koşullarında, temel denklemler Standart k-ε, RNG k-ε ve Realizable k-ε türbülans modelleri kullanılarak, sonlu hacimler yöntemine dayalı ANSYS-Fluent paket programı yardımıyla çözülmüştür. Su yüzü profilinin hesabı için Akışkan hacimleri yöntemi (Volume of Fluid-VOF) kullanılmıştır. Sayısal hesaplamalardan elde edilen akım hızları ve su yüzü profilleri, sayısal sonuçların doğrulanması bağlamında deneysel ölçümlerle karşılaştırılmıştır. Sayısal ve deneysel bulguların karşılaştırması sonucunda RNG k-ε türbülans modellerine göre daha başarılı olduğunu göstermiştir.

Anahtar Kelimeler: Eğrisel geniş başlıklı savak, LDA, Sayısal model, VOF, Hız profili

Experimental and Theoretical Analysis of Open Channel Flow over a Curvilinear Broad-Crested Weir

Abstract

The velocity field of the overflow a curvilinear broad crested weir is measured using a one-dimensional Laser Doppler Anemometry (LDA). Using standard k- ε , RNG k- ε and Realizable k- ε turbulence closure models, the basic equations are solved by ANSYS-Fluent package program based on finite volume method for the same experimental conditions. The volume of fluid (VOF) method is used to compute the free surface of the flow. The numerical results for the velocity field and flow profiles are compared with the experimental results for validation purposes. The comparisons of the numerical and experimental results show that the numerical simulation using the RNG k– ε turbulence closure model predicts the velocity field and free surface profile more accurately compared to those of the other turbulence models used in the present study.

Key words: Curvilinear Broad-crested weir, LDA, Numerical model, VOF, Velocity profile

^{*} Yazışmaların yapılacağı yazar: M.Sami Aköz, *Çukurova Üniversitesi, Müh. Mim. Fakültesi, İnşaat Müh. Bölümü, Adana.* msa@cu.edu.tr

1. GİRİŞ

Geniş başlıklı savaklar, açık kanal veya akarsularda suyu kontrol etmek, su seviyesini düzenlemek ve debi ölçmek amacıyla kullanılan su yapılarıdır. Akarsu yatağını yada kanal kesitini kapatacak şekilde tasarlanan geniş başlıklı savakların dikdörtgen, üçgen, trapez ve eğrisel kesite sahip tipleri mevcuttur.

Savak yapısının akım ortamına yerleştirilmesi ile birlikte, akarsu yada kanaldaki su akımının akış karakteristiği de değişir. Kritik-altı rejimden kritiküstü rejime geçişin yaşandığı, hızlı değişen akım koşullarının cereyan ettiği karmaşık akım yapısı ortaya çıkar. Akım ile etkileşim halinde olan bu tür vapıların tasarımını gerceklestirebilmek icin akım profilinin, hız ve basınc alanlarının doğru bir sekilde belirlenmesinin önemi büyüktür. Su-yapı etkileşiminin söz konusu olduğu bu tür açık kanal akımlarının analizleri, fiziksel model deneyleri ile gerçekleştirilebilmektedir. Bununla birlikte, ölçek etkilerinden kaynaklanan bazı kacınılmaz hataların, fiziksel model çalışmalarından elde edilen sonuçlara yansıdığı da bilinen bir gerçektir. Diğer taraftan, Hesaplamalı Akışkanlar Dinamiği (Computational Fluid Dynamics CFD) yöntemlerinde kaydedilen gelişmeler, bu tür akımların analizinde önemli kolaylıklar ve hızlı çözümlere olanak sağlamasının yanında, fiziksel model çalışmalarına göre, ekonomik yönden önemli ölçüde tasarruf sağlamaktadır.

Bu çalışmada, laboratuvar kanalına yerleştirilmiş, eğrisel geniş başlıklı bir savak ile etkileşim halindeki serbest yüzeyli akımın hız alanı, Lazer Doppler Anemometresi (LDA) ile ölçülmüştür. Sonlu *hacimler* yöntemine dayalı ANSYS-Fluent paket programı yardımıyla akımı idare eden temel denklemler, üç farklı türbülans modeli kullanılarak çözülmüştür. Su yüzünün teorik olarak belirlenmesinde VOF yöntemi kullanılmıştır. Sayısal modellerden elde edilen akım hızları ve su yüzü profilleri, deneysel olarak ölçülen hız ve su yüzü profilleri ile karşılaştırılmıştır.

2. DENEYSEL ÇALIŞMA

Deneyler, uzunluğu 2.4 m, genişliği 0.2 m ve derinliği 0.2 m, tabanı da camdan yapılmış, hidrolik bakımdan cilalı yatay bir laboratuvar kanalında yapılmıştır (Şekil 1). Deney modeli olarak, şekildeki gibi kanala yerleştirilmiş, uzunluğu 0.70 m ve yüksekliği 0.068 m olan eğrisel genis baslıklı savak kullanılmıştır. Akımın debisi Q=0.00546 m³/s ve memba su derinliği $h_o=0.126$ m olarak ölçülmüştür. Memba akımında Froude sayisi $Fr_o = (=V_o/(gh_o)^{1/2})=0.1987$ ve Reynolds sayısı Re_o (=4 $V_o R_o / v$)=18000'dir (V_o kesit ortalama hızı, R_o hidrolik yarıçap ve vkinematik viskozitedir). Akım hızlarının belirlenmesinde Dantec® LDA62N04 hız ölçme sistemi kullanılmıştır. Kullanılan LDA sisteminin deney koşullarındaki şematik düzeni, Şekil 1'de görülmektedir. Bu sistem, ölçüm bölgesine gönderilen iki lazer ışınının kesiştiği noktadan geçen parçacıklar yardımıyla, o noktadaki lazer ışınları düzlemindeki anlık akım hız bileşeninin belirli zaman aralıklarında ölçülmesini sağlamaktadır. Zaman serisi olarak kaydedilen hız değerlerinden, söz konusu noktaya ait zamansal ortalama akım hızı, türbülans hız sapınçları, gibi türbülans siddeti çeşitli türbülans karakteristiklerinin belirlenmesi mümkün olmaktadır.



Şekil 1. Deney düzeneği ve LDA hız ölçüm sistemi

Ç.Ü.Müh.Mim.Fak.Dergisi,26(2), Aralık 2011

3. TEMEL DENKLEMLER VE SAYISAL CÖZÜM

3.1. Temel Denklemler

İncelenen geniş başlıklı savak ile etkileşim halindeki akım düzenli, iki-boyutlu, sıkışmayan, türbülanslı serbest yüzeyli bir akımdır. Akımı idare eden temel denklemler, kütlenin korunumu ve momentumun korunumu (Reynolds-ortalamalı Navier-Stokes denklemleri), aşağıdaki gibidir:

$$\frac{\partial \mathbf{u}_i}{\partial \mathbf{x}_i} = 0 \tag{1}$$

$$\rho \left(\frac{\partial \overline{\mathbf{u}}_{i}}{\partial \mathbf{t}} + \overline{\mathbf{u}}_{j} \frac{\partial \overline{\mathbf{u}}_{i}}{\partial \mathbf{x}_{j}} \right) = \rho \, \mathbf{g}_{i} - \frac{\partial \overline{\mathbf{p}}}{\partial \mathbf{x}_{i}} + \mu \frac{\partial^{2} \overline{\mathbf{u}}_{i}}{\partial \mathbf{x}_{j}^{2}} + \frac{\partial \tau_{ij}}{\partial \mathbf{x}_{j}} \qquad (2)$$

(1) ve (2) denklemlerinde u_i , x_i doğrultusundaki hız bileşeni g_i yer çekimi ivmesi, p basınç, μ dinamik viskozite, ρ akışkan yoğunluğu ve τ_{ii} türbülans (Reynolds) gerilmeleridir.

3-boyutlu akım alanında yukarıdaki 4 denklem 10 adet bilinmeyen içermektedir (üç hız bileşeni \overline{u}_i , basınç p ve altı bağımsız Reynolds gerilmesi, $-\rho u'_i u'_i$). Böylece bilinmeyenler acısından denklem sisteminin kapatılabilmesi için türbülans tanımlanmasına gerilmelerinin ihtiyaç duyulmaktadır. Bu sorun, yukarıdaki zamansalortalama denklemlerin sayısal hesaplama sürecinde, denklemlerde yer alan türbülans gerilmelerinin türbülans kapatma modelleri kullanılarak çözülmesini gerektirmektedir. Türbülans viskozitesinin doğrusal tanımlamasını esas alan Boussinesq yaklaşımına göre (2) denklemindeki türbülans kayma gerilmesi bünye denklemi ile, sıkışmayan akımlar için, aşağıdaki gibi verilmiştir:

$$\tau_{ij} = -\rho \overline{u'_i u'_j} = \mu_t \left(\frac{\partial \overline{u}_i}{\partial x_j} + \frac{\partial \overline{u}_j}{\partial x_i} \right) - \frac{2}{3} \rho k \delta_{ij}$$
(3)

burada u' ve u' yatay ve düşey türbülans hız sapınçları, μ_t türbülans viskozitesi, $k (= u'_i u'_i / 2)$ türbülans kinetik enerjisi ve δ_{ii} Kronecker deltadır.

3.2. Türbülans Modelleri

hareketinin CFD Akıskan yöntemleri ile modellenmesinde, (3) denklemindeki μ_t türbülans viskozitesinin ifade edilmesinde birçok türbülans modeli geliştirilmiştir [Wilcox, 2000]. Bu çalışmada, Standart k- ε (SKE) [Launder ve Spalding, 1972], RNG k-E (RNG) [Yakhot ve Orszag, 1986; Yakhot ve ark., 1992], Realizable k- ε (RKE) [Shih ve ark., 1995] türbülans modelleri kullanılmıştır. Bunlar doğrusal türbülans viskozitesi formülasyonuna dayanan iki-denklemli adet türbülans modelleridir. İki transport diferansiyel denkleminden biri türbülans kinetik enerjisi, k-denklemi; diğeri k- ε modellerinde enerji kayıp oranı, *ɛ-denklemi*' dir. RNG ve RKE türbülans modelleri, bazı karmaşık akımların gözlenen yetersizliklerin hesaplanmasında ivilestirilmesi için SKE modelinin yeniden düzenlenmesiyle elde edilmişlerdir. Kullanılan türbülans modelleri aşağıda kısaca özetlenmiştir.

SKE modeli

Bu model ile türbülans viskozitesi μ_t , türbülans kinetik enerjisi, k, ve onun kayıp oranına, ε , bağlı olarak aşağıdaki gibi ifade edilmektedir:

$$\mu_{t} = \rho C_{\mu} \frac{k^{2}}{\epsilon}$$
(4)

 C_u boyutsuz model sabitidir. (4) denklemindeki k ve ε değerlerinin bulunması için iki adet kısmi diferansiyel transport denkleminin çözülmesi gerekmektedir:

$$\tau_{ij} = -\rho u_i^{\prime} u_j^{\prime} = \mu_t \left(\frac{1}{\partial x_j} + \frac{1}{\partial x_i} \right) - \frac{1}{3} \rho k \delta_{ij}$$
(3)
$$\frac{\partial(\rho k)}{\partial t} + \overline{u}_j \frac{\partial(\rho k)}{\partial x_j} = \frac{\partial}{\partial x_j} \left[\left(\mu + \frac{\mu_t}{\sigma_k} \right) \frac{\partial k}{\partial x_j} \right] + \tau_{ij} \frac{\partial \overline{u}_i}{\partial x_j} - \rho \epsilon$$
(5)

$$\frac{\partial(\rho\varepsilon)}{\partial t} + \overline{u}_{j}\frac{\partial(\rho\varepsilon)}{\partial x_{j}} = \frac{\partial}{\partial x_{j}} \left[\left(\mu + \frac{\mu_{t}}{\sigma_{\varepsilon}} \right) \frac{\partial\varepsilon}{\partial x_{j}} \right] + C_{1\varepsilon}\frac{\varepsilon}{k}\tau_{ij}\frac{\partial\overline{u}_{i}}{\partial x_{j}} - C_{2\varepsilon}\rho\frac{\varepsilon^{2}}{k}$$
(6)

SKE model sabitleri, $C_{\mu}=0.09$, $\sigma_k=1.0$, $\sigma_{\varepsilon}=1.3$, $C_{1\varepsilon}=1.44$, $C_{2\varepsilon}=1.92$ değerlerini almaktadır [Launder ve Spalding, 1972].

RNG modeli

Bu modelde k-denklemi SKE ile aynı olup *ɛ*denklemi ilave kaynak terimi içermektedir:

Eğrisel Genis Baslıklı Savak Üzerinden Gecen Açık Kanal Akımının Deneysel Ve Teorik Analizi

$$\frac{\partial(\rho\varepsilon)}{\partial t} + \overline{u}_{j} \frac{\partial(\rho\varepsilon)}{\partial x_{j}} = \frac{\partial}{\partial x_{j}} \left[\left(\mu + \frac{\mu_{t}}{\sigma_{\varepsilon}} \right) \frac{\partial\varepsilon}{\partial x_{j}} \right] + C_{1\varepsilon}^{*} \frac{\varepsilon}{k} \tau_{ij} \frac{\partial\overline{u}_{i}}{\partial x_{j}} - C_{2\varepsilon} \rho \frac{\varepsilon^{2}}{k}$$
(7)

Model sabitleri aşağıdaki gibi verilmiştir [Yakhot ve ark., 1992]:

$$\begin{split} & C_{\mu} = 0.0845, \quad \sigma_{k} = \sigma_{\epsilon} = 0.7194, \\ & C_{1\epsilon}^{*} = C_{1\epsilon} - \frac{\eta(1 - \eta/\eta_{0})}{1 + \beta\eta^{3}}, \ C_{2\epsilon} = 1.68, \ C_{1\epsilon} = 1.42, \\ & \eta = (2S_{ij}S_{ij})^{1/2}\frac{k}{\epsilon} \ , \ S_{ij} = \frac{1}{2}(\overline{u}_{i,j} + \overline{u}_{j,i}), \\ & \eta_{0} = 4.377, \ \beta = 0.012 \ (Deneysel) \end{split}$$

 S_{ii} şekil değiştirme hızı tansörüdür. Görüldüğü gibi (7) denklemi akışkan şekil değiştirmesine bağlı η parametresini içermektedir. Bu ilave parametre sayesinde RNG modelinin ivmelenen, şiddetli eğriselliğe maruz, sınır tabakasının ayrıldığı, ikincil akımlar ve durma noktasının mevcut olduğu akımlarda SKE modeline göre daha gerçekçi sonuçlar verdiği iddia edilmiştir.

RKE modeli

Akım alanındaki yüksek şekil değiştirme hızlarının ve sınır tabakası ayrılmasının mevcut olduğu karmaşık akım durumlarında SKE türbülans modeli üzerinde, performans artırıcı olarak RKE modeli adı altında şu iyileştirmeler yapılmıştır: (a)

$$\frac{\partial(\rho\epsilon)}{\partial t} + \overline{u}_{j} \frac{\partial(\rho\epsilon)}{\partial x_{j}} = \frac{\partial}{\partial x_{j}} \left[\left(\mu + \frac{\mu_{t}}{\sigma_{\epsilon}} \right) \frac{\partial\epsilon}{\partial x_{j}} \right] + \rho C_{1} S\epsilon - \rho C_{2} \frac{\epsilon^{2}}{k + \sqrt{v\epsilon}}$$

Model sabitleri aşağıdaki gibi önerilmiştir:

$$\begin{split} \mathbf{C}_{1} &= \max \left[0.43, \, \frac{\eta}{\eta + 5} \right], \quad \eta = S \frac{k}{\epsilon}, \\ \mathbf{S} &= \sqrt{\mathbf{S}_{ij} \mathbf{S}_{ij}}, \quad \mathbf{C}_{2} = 1.9, \quad \sigma_{k} = 1.0, \quad \sigma_{\epsilon} = 1.2 \end{split}$$

RKE modeli de RNG modeli gibi, ivmelenen, eğrisel, sınır tabakasının ayrıldığı, ikincil akımların var olduğu akımlarda SKE modeline göre daha başarılı olduğu ifade edilmiştir.

3.3. Serbest Yüzeyin Hesaplanmasında Akışkan Hacimleri (VOF) Yöntemi

Açık kanal akımlarının sayısal hesaplama ağında, sıvı ile havanın ara kesitinde bulunan, ağ elemanları hacimlerindeki akışkan doluluk oranını esas alan ve Akışkan Hacimleri (Volume of Fluidtürbülans viskozitesi, μ_t , ifadesinde, sabit yerine değişken C_µ terimi kullanılarak SKE modelindeki katı yüzeye dik şekil değiştirme bileşenlerinin değeri küçültülmüş, ve (b) ɛ transport denkleminde yerel şekil değiştirme hızını esas alan farklı bir kaynak terimi kullanılmıştır.

Shih ve ark. (1995) C^{*}_u için aşağıdaki formülü vermişlerdir:

$$C^*_{\mu} = \frac{1}{A_o + A_s \frac{U^*k}{\varepsilon}}$$
(8)

Burada, $A_0 = 4$, $A_s = \sqrt{6} \cos \phi$, $\phi = \frac{1}{3} \arccos(\sqrt{6}W) , W = \frac{S_{ij}S_{jk}S_{ki}}{\widetilde{S}^3} , \ \widetilde{S} = \sqrt{S_{ij}S_{ij}} ,$ $\boldsymbol{U}^{*}=\sqrt{\boldsymbol{S}_{ij}\boldsymbol{S}_{ij}+\widetilde{\boldsymbol{\Omega}}_{ij}\widetilde{\boldsymbol{\Omega}}_{ij}}\;,\quad \ \widetilde{\boldsymbol{\Omega}}_{ij}=\boldsymbol{\Omega}_{ij}-2\epsilon_{ijk}\boldsymbol{\omega}_{k}^{*}\,,$ $\Omega_{ij} = \overline{\Omega}_{ij} - \varepsilon_{ijk} \omega_k^*$, $\Omega_{ij} = \frac{1}{2} (\overline{u}_{i,j} - \overline{u}_{j,i})$

 $\overline{\Omega}_{_{\mathrm{ii}}}, \, \omega_{_{k}}^{*}$ açısal hızı ile dönen eksen takımına göre ölçülen ortalama rotasyon hızı tansörüdür.

ɛ-denklemi aşağıdaki gibi ifade edilmiştir:

$$C_1 S \varepsilon - \rho C_2 \frac{\varepsilon^2}{k + \sqrt{v\varepsilon}}$$
(9)

VOF) adıyla anılan yöntem, açık kanal akımlarında serbest yüzey şeklinin belirlenmesinde başarılı güçlü ve bir teknik olarak kullanılmaktadır. Bu yöntem, verilmiş bir sayısal hesap ağına belirli zaman aralıklarında giren sıvının eleman hacimlerini doldurma oranlarının belirlenmesini ve buna bağlı olarak akımda serbest yüzey profilinin seçilmiş zaman aralıklarında hesaplanmasını gerçekleştiren bir sürece dayanmaktadır [Hirt ve Nichols, 1981]. Doluluk oranını temsilen F=1 için ağ elemanı sıvı ile tam dolu, F=0 için boş (hava ile dolu), ve $0 \le F \le 1$ için sıvı ile kısmen dolu olmakta, böylece her bir zaman adımında hesap ağı içerisindeki akım yüzeyinin konumu tespit edilebilmektedir. Herhangi bir anda temel denklemlerin sayısal çözümünden bulunan akım hızları, profilin bir

C.Ü.Müh.Mim.Fak.Dergisi,26(2), Aralık 2011

sonraki zaman adımındaki yerinin hesaplanmasında kullanılmaktadır. Serbest akım yüzeyinin belirlenmesinde, CLEAR-VOF (*Computational Lagrangian-Eulerian Advection Remap*) algoritması olarak bilinen bu yöntemin ayrıntıları Ashgriz ve ark. (2004) tarafından verilmiştir.

3.4. Çözüm Bölgesi, Sınır ve Başlangıç Şartları

Eğrisel savak akımının sayısal modeli için kullanılan çözüm bölgesinin geometrisi ve

boyutları Şekil 2'de görülmektedir. Koordinat sisteminin orijini, çözüm bölgesinin sol alt köşesi olarak alınmıştır. Çözüm bölgesinin üst sınırı memba su seviyesinin biraz üstünde, alt sınırı ise kanal tabanı ve savak yüzeyinden geçmektedir. Alt sınırda sıfır-hız duvar sınır şartı, yani u=v=0kabulü yapılmıştır. Çözüm bölgesinin giriş sınırında, yatay hız bileşeni olarak girişteki deneysel hız profili ve düşey hız bileşeni v=0alınmıştır. Kanal sonundaki serbest dökülme kesiti olan çıkış sınırında ve çözüm bölgesinin üst sınırında basınç şartı p=0 değeri kullanılmıştır.



Şekil 2. Sayısal hesaplama bölgesi ve sınır şartları

Zamana bağlı çözüm sürecinde, başlangıç şartı olarak çözüm bölgesinin giriş sınırında doluluk oranı F=1 alınırken, sayısal modellemede kullanılan tüm türbülans modelleri için zaman adımı $\Delta t=0.0001$ s olarak seçilmiştir.

(1) ve (2) temel denklemlerinin, Şekil 2'de görülen sınır şartlarına göre \overline{u} , \overline{v} ve \overline{p} için sayısal çözümü, sonlu hacimler yöntemine dayalı ANSYS-Fluent[®] v.12.1 paket programı kullanılarak yapılmıştır.

4. DENEYSEL VE HESAPLANAN BULGULAR

4.1. Sonlu Hacimler Hesaplama Ağı

Akışkan akımlarının bir yapı ile etkileşiminin söz konusu olduğu akım alanlarının sayısal hesaplamalarında, hesaplama ağı tasarımının sonuçlar üzerinde etkili olduğu bilinmektedir. Bu çalışmadaki probleme uygun hesaplama ağının oluşturulmasında, edinilen deneyimlere bağlı olarak, katı sınırlara doğru ve yüzey profilinde hızlı değisimin söz konusu olduğu bölgelerde ağ geometrisinin sıklaştırılmasına calısılmıstır. Akımın karakteri göz önüne alınarak, Şekil 2'de verilen sayısal çözüm bölgesi, Şekil 3'de görüldüğü gibi, 14 alt bölgeye ayrılmış, her bir alt bölgede eleman sayısı yaklaşık olarak %50 ve %75 artırılmak suretiyle, lineer dörtgen elemanlardan oluşan 3 farklı yoğunluğa sahip ağ yapısı elde edilmistir. Tablo 1, sayısal hesaplamalarda kullanılan üç farklı ağ yapısı için eleman sayılarını göstermektedir. Sayısal çözüm alanındaki ağ yapısının yeterli sıklıkta olup olmadığı, bir başka ifadeyle ağ yapısından bağımsız sayısal çözümler elde etmek amacıyla ele alınan üçlü ağ sisteminde yapılan sıklaştırmanın uygunluğu, GCI (Grid yakınsama index-Ağ indeksi) convergence yöntemiyle test edilmiştir [Roache, 1998]. Sonuçta, Ağ 3 sistemiyle akım hızlarındaki hataların kabul edilebilir değerlere yakınsadığı görülmüş ve hesaplama hassasiyetinin ağ yoğunluğundan bağımsızlaştığı kanaatine varılmıştır.

Eğrisel Geniş Başlıklı Savak Üzerinden Geçen Açık Kanal Akımının Deneysel Ve Teorik Analizi



Şekil 3. Sayısal modelin hesaplama ağında kullanılan alt bölgeler

Bölge	Ağ-1	Ağ-2	Ağ-3	Bölge	Ağ-1	Ağ-2	Ağ-3
Ι	40x50	60x75	80x100	VIII	50x100	75x150	100x200
II	40x40	60x60	80x80	IX	10x50	15x75	20x100
III, IV	25x40	40x60	50x80	X,XI	10x25	15x40	20x50
V,VI	25x40	40x60	50x80	XII, XIII	10x25	15x40	20x50
VII	40x40	60x60	80x80	XIV	10x100	15x150	20x200

Tablo 1. Üç farklı yoğunluktaki ağ yapısı için eleman sayıları

4.2. Deneysel ve Hesaplanan Hız Profilleri

Yukarıda sıralanan türbülans kapatma modellerinin doğrulanması bağlamında, deneysel ve sayısal hesap bulgularının farklı modeller için niceliksel olarak karşılaştırılmasında aşağıda ifade edilen *ortalama karesel hata* (OKH) değeri ölçüt olarak kullanılmıştır:

$$OKH = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^{N} (\overline{u}_{d} - \overline{u}_{h})^{2}$$
(10)

Burada, \overline{u}_d ve \overline{u}_h sırasıyla deneysel ve hesaplanan hız değerleri, N kesit derinliğindeki noktasal ölçüm sayısıdır. Tablo 2, kanalın farklı kesitlerinde, bu çalışmada kullanılan türbülans modelleri için hesaplanan OKH değerlerini göstermektedir. Tabloda görülen parantez içindeki rakamlar, OKH değerleri baz alınarak, ilgili türbülans modeli bulgularının, deneysel bulgulara olan yakınlığı ile ilgili sıralamayı göstermektedir. Tablodan görüldüğü gibi, RNG türbülans modeli, savak yapısının membasında, mansabında, yani kritik-üstü kritik-altı ve üniform akım bölgelerinde, diğer modellerden daha iyi sonuçlar vermektedir. Tablo 2'nin son satırında çözüm bölgesinin tüm kesitleri için ortalama OKH değerleri verilmiştir. Bu değerlerden, kritik-altı rejimden kritik-üstü rejime geçişin söz konusu olduğu savak civarı karmaşık akım bölgesini de içeren inceleme konusu akım bölgesinin tümü için, kullanılan modeller arasında RNG, RKE ve SKE şeklinde bir başarı sıralaması yapmak mümkündür. Şekil 4'de, kanalın farklı kesitlerinde ölçülen yatay hız profilleri ile bu ölçümlere OKH değeri bakımından en yakın iki farklı türbülans modelinden hesaplanan hız profilleri verilmiştir. Sekilde görüldüğü gibi, her bir kesitte birinci sırada ver alan türbülans modeli bulguları deneylerle gayet iyi uyum sağlamaktadır.

Kesit yerleri, x (m)		SKE	RNG	RKE
Savak	0.80	0.00015 ⁽²⁾	0.00014 ⁽¹⁾	0.00024 ⁽⁴⁾
Membada	0.95	$0.00007^{(2)}$	0.00006 ⁽¹⁾	$0.00009^{(4)}$
Savak	1.10	0.00039 ⁽³⁾	$0.00028^{(2)}$	0.00026 ⁽¹⁾
Masabında	1.30	0.00370 ⁽¹⁾	0.00375 ⁽³⁾	0.00373 ⁽²⁾
Manaanda	1.50	0.00092 ⁽³⁾	0.00029 ⁽¹⁾	0.00091 ⁽²⁾
Mansapua	2.20	0.00450 ⁽⁵⁾	0.00110 ⁽¹⁾	$0.00140^{(2)}$
Ort. OKH		0.00162 ⁽³⁾	0.00094 ⁽¹⁾	0.00111 ⁽²⁾

Tablo 2. Bu çalışmada kullanılan türbülans modelleri için OKH değerleri



Şekil 4. Kanalın farklı kesitlerinde deneysel ve hesaplanan hız profilleri

4.3. Deneysel ve Hesaplanan Su Yüzü Profilleri

Bu çalışmadaki sayısal hesaplamalarda, su yüzü profilinin hesabında *akışkan hacimleri* (VOF) *yöntemi* kullanılmıştır. Şekil 5'de en iyi üç modelden (RNG, RKE, SKE) bulunan akım profillerinin deney ile karşılaştırılması verilmiştir. Şekilde görüldüğü gibi, akım hızlarına benzer şekilde, RNG ve RKE türbülans modellerinden hesaplanan su yüzü profilleri, ölçülen su yüzü profili ile oldukça uyumludur. Türbülans modelleri ile hesaplanan su yüzü profilleri için hesaplanan OKH değerleri Tablo 3 de verilmiştir.

Tablo 3. Farklı türbülans modelleriyle hesaplanan su yüzü profili için OKH değerleri

Türbülans modeli	SKE	RNG	RKE
OKH	5.10x10 ⁻⁶	4.88x10 ⁻⁶	4.98x10 ⁻⁶



Şekil 5. Deneysel ve hesaplanan su yüzü profilleri

4.4. Hesaplanan Akım çizgileri

Şekil 6'da, eğrisel geniş başlıklı savak akımının farklı türbülans modelleriyle yapılan sayısal hesaplamalarından elde edilen akım çizgileri görülmektedir. Bu çalışmada kullanılan türbülans modellerinden elde edilen akım çizgileri şekil itibariyle birbirlerine benzemektedirler. Savak yapısının hemen ön ve arkasında sınır tabakası ayrılması tüm modeller tarafından yakalanmakla birlikte, çok küçük boyutlarda olduğu için şekillerde görülememektedir. Akım çizgileri, hızının düşük olduğu kritik-altı bölgede seyrek iken, rölatif olarak hızın daha büyük olduğu kritiküstü bölgede daha sık bir görünüme bürünmüştür. Akım çizgileri topolojisinden, savak yapısının hemen önü itibari ile iki boyutlu bir akımın söz konusu olduğu ve bunun savak yapısı bitimine kadar devam ettiği de görülebilmektedir.



Şekil 6. Farklı türbülans modelleri ile hesaplanan akım çizgileri

5. SONUÇLAR

Eğrisel geniş başlıklı savak akımını idare eden temel denklemlerin, sonlu hacimler yöntemine dayalı ANSYS-Fluent paket programı yardımıyla sayısal çözümleri yapılmıştır. Serbest su yüzünün profili *akışkan hacimleri* (VOF) yöntemi ile hesaplanmıştır. SKE, RNG ve RKE türbülans modelleri kullanılarak hesaplanan akım hızları ve su yüzü profilleri, fiziksel model üzerinde Lazer Doppler Anemometresi ile ölçülen deneysel bulgularla karşılaştırılmıştır. Sayısal modellemede, katı sınır sürtünmelerinden etkilenen verlerde ve yüzey profilinde hızlı değisimin görüldüğü yapısında bölgelerde ağ uygulanan sıklaştırmaların, sayısal hesap bulgularını olumlu yönde etkilediği görülmüştür. Bu çalışmadaki akım hızları ve su yüzü profillerinin deneysel ve savisal hesaplama bulgularının karşılaştırılmasından, RNG ve RKE türbülans modellerinin diğer modellere göre genelde daha başarılı olduğu sonucuna varılmıştır.

C.Ü.Müh.Mim.Fak.Dergisi,26(2), Aralık 2011

6. TEŞEKKÜR

Bu çalışma MMF2010YL41 nolu proje ile Çukurova Üniversitesi, Araştırma Projeleri Birimi tarafından desteklenmiştir, teşekkür ederiz.

7. KAYNAKLAR

- 1. Ashgriz, N., Barbat, T., Wang, G., (2004). "A computational Lagrangian-Eulerian advection remap for free surface flows", *International Journal for Numerical Methods in Fluids*, 44, 1-32.
- Hirt, C.W., Nichols, B.D., (1981). "Volume of fluid (VOF) method for the dynamics of free boundaries", *Journal of Computational Physics*, 39, 201-225.
- Launder B. E. ve Spalding D. B., (1972). "Lectures in Mathematical Models of Turbulence", *Academic Press*, London.
- 4. Roache, P.J., (1998). "Verification of codes and calculations", *AIAA Journal*, 36(5), 696-702.
- Sarker, M.A., Rhodes, D.G., (2004). "Calculation of free-surface profile over a rectangular broad-crested weir", *Flow Measurement and Instrumentation*, 15, 215-219.
- Shih, T.-W., Liou, W.W., Shabbir, A., Yang, Z., Zhu, J., (1995). "A new k-ε eddy-viscosity model for high Reynolds number turbulent flows - model development and validation", *Computers and Fluids*, 24(3), 227–238.
- 7. Wilcox, D.C., (2000). "Turbulence Modeling For CFD", *DCW Industries, Inc.*, California.
- Yakhot, V., Orszag, S. A., (1986). "Renormalization group analysis of turbulence. I. Basic Theory", *Journal of Scientific Computing*, 1(1), 3-51.
- Yakhot, V., Orszag, S.A., Thangam, S., Gatski, T.B., Speziale, C.G., (1992). "Development of turbulence models for shear flows by a double expansion technique", *Physics of Fluids*, 4(7), 1510-1520.